

## QCM 1S (2h)

*La calculatrice est interdite. Aucune justification n'est demandée.*

	Réponse A	Réponse B	Réponse C	Réponse D
1. La forme canonique de $f(x) = -3x^2 + 6x + 3$ est :	$f(x) = -3(x-1)^2 - 2$	$f(x) = -3(x-1)^2 + 6$	$f(x) = -3(x+1)^2 - 2$	$f(x) = -3(x+1)^2 + 6$
2. L'équation $3x^2 - 4\sqrt{3}x + 4 = 0$ a :	Aucune solution	Une solution	Deux solutions	On ne peut pas savoir.
3. L'équation $5x^2 - mx - 1 = 0$ , où $m$ est un réel donné, a :	Aucune solution	Une solution	Deux solutions	Le nombre de solutions dépend de la valeur de $m$ .
4. L'expression $-x^2 - 9x - 20$ est strictement positive pour :	Aucun des réels $x$	Tout réel $x$	Tout réel $x$ de $]-5; -4[$	Tout réel $x$ de $]-\infty; -5[ \cup ]-4; +\infty[$
5. La fonction $f(x) = -x^2 - x$ :	A pour maximum $\frac{1}{4}$	A pour minimum $\frac{1}{4}$	Est toujours négative	Est toujours positive
6. Le cours de mathématiques affirme que :	La fonction inverse est décroissante sur $]0; +\infty[$	Il existe un intervalle sur lequel la fonction inverse est croissante	Pour tous nombres réels strictement positifs $a$ et $b$ , si $a \leq b$ alors $\frac{1}{a} \geq \frac{1}{b}$	Pour tous nombres réels non nuls $a$ et $b$ , si $a \leq b$ alors $\frac{1}{a} \geq \frac{1}{b}$
7. Les points d'intersection entre les courbes représentatives des fonctions $f(x) = x^2 + 4x$ et $g(x) = -x^2 - 2x$ ont pour abscisse :	0 et -3	0 et 3	Il n'y a pas de point d'intersection	Il n'y a qu'un point d'intersection, et il a pour abscisse 0
8. Le nombre $\sqrt{a^2}$ est égale à :	$a$	$-a$ si $a \leq 0$ ; $a$ si $a \geq 0$	$ a $	Aucune des trois réponses
9. La valeur absolue de $-1 - \sqrt{2}$ est :	$\sqrt{2} - 1$	$\sqrt{2} + 1$	$1 - \sqrt{2}$	$1 + \sqrt{2}$
10. L'équation $ x + 3  = 2$ possède dans $\mathbb{R}$ :	Une seule solution	Deux solutions	Aucune solution	On ne peut pas savoir.
11. La fonction $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x}}$ est égale à la fonction :	$g(x) = \sqrt{x+1} + \sqrt{x}$	$g(x) = \sqrt{x+1}\sqrt{x}$	$g(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$	$g(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x+1}}$
12. Si $C_1$ et $C_2$ sont les courbes d'équations respectives $y=2x$ et $y=x^2$ , alors $C_1$ est au-dessus de $C_2$ sur :	$]-\infty; 2]$	$[2; +\infty[$	$[0; 2]$	Aucun des trois intervalles
13. L'inégalité $\sqrt{x} \leq x^2$ est vraie :	Pour tout réel positif $x$	Pour tout $x$ de $[1; +\infty[$	Pour tout $x$ de $[0; 1]$	Pour tout réel $x$ négatif
14. La fonction $u(x) = x^2 + 1$ a les mêmes variations sur $\mathbb{R}$ que :	La fonction $u-3$	La fonction $\sqrt{u}$	La fonction $u^2$	La fonction $\frac{1}{u}$
15. La limite de $5h^2 - 6h$ lorsque $h$ tend vers zéro est :	5	-6	0	$+\infty$
16. La limite de $\frac{5h^2 - 6h}{h}$ lorsque $h$ tend vers zéro est :	5	-6	0	$+\infty$
17. Dans un repère, $C_f$ est la courbe représentative de la fonction définie sur $\mathbb{R}$ par $f(x) = 5x^2 + 3x$ . Une équation de la tangente à $C_f$ au point d'abscisse 0 est :	$y = 0$	$x = 0$	$y = 10x + 3$	$y = 3x$
18. Soit $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 2x - 10$ Alors $f'(x)$ est égale à :	$x^3 - 2x^2 + 2$	$x^3 - 2x^2 + 2x$	$\frac{1}{4}x^3 - x^2 + 2$	$x^3 - 3x^2 + 2$
19. Soit $f(x) = (x^2 + 2)\sqrt{x}$ Alors $f'(x)$ est égale à :	$2x \times \frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\frac{5x^2 + 2}{2\sqrt{x}}$	$2x\sqrt{x} + \frac{x^2 + 2}{2\sqrt{x}}$	Aucune des trois propositions
20. La formule qui donne la dérivée d'un quotient $\frac{u}{v}$ est :	$\frac{uv' - u'v}{v^2}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2}$	$\frac{u'v - uv'}{u^2}$	$\frac{u'}{v'}$
21. La suite $(u_n)$ est définie par un premier terme $u_0$ et chaque terme est la racine carrée du double du précédent. Si $u_0=8$ alors $u_2$ vaut	$2\sqrt{2}$	4	8	$\sqrt{8}$
22. La suite $(u_n)$ est définie par un premier terme $u_0$ et chaque terme est la racine carrée du double du précédent. La suite $(u_n)$ est constante si $u_0$ vaut :	1	2	4	8
23. La suite $(u_n)$ est définie pour tout $n$ de $\mathbb{N}$ par : $u_n = 2n^2 - n - 7$	La suite $(u_n)$ est croissante pour tout $n$ de $\mathbb{N}$ .	La suite $(u_n)$ est décroissante pour tout $n$ de $\mathbb{N}$ .	La suite $(u_n)$ est croissante pour tout $n \geq 1$	La suite $(u_n)$ est décroissante pour tout $n \geq 1$
24. La suite $(u_n)$ est définie par un premier terme $u_0=3$ et vérifie pour tout $n$ de $\mathbb{N}$ la relation $u_{n+1} = u_n + n$	La suite $(u_n)$ est arithmétique de raison $n$	La suite $(u_n)$ est géométrique de raison $n$	La suite $(u_n)$ n'est ni arithmétique, ni géométrique	La suite $(u_n)$ est constante
25. La suite $(u_n)$ est arithmétique telle que $u_{997}=2$ et $u_{1010}=-24$ . Le terme $u_{1012}$ vaut :	-10,5	28	-28	-2
26. La suite $(u_n)$ est géométrique telle que $u_{17}=0,5$ et $u_{20}=4$ . Le terme $u_{23}$ vaut :	32	4	8	On ne peut pas calculer.
27. La somme des 20 premiers entiers naturels non nuls est :	210	20	On ne peut pas la calculer	1254

	Réponse A	Réponse B	Réponse C	Réponse D
28. On considère (O,I,J) un repère du plan. Soit $\vec{u}(-2;3)$ et $\vec{v}(\frac{-4}{5};\frac{6}{5})$ deux vecteurs. On peut affirmer que :	Le vecteur $\vec{v}$ est colinéaire au vecteur $\vec{u}$ .	Le point M tel que $\vec{OM} = \vec{u} - \vec{v}$ a pour coordonnées (1 ; -1)	Le vecteur $\vec{u} - 5\vec{v}$ est colinéaire au vecteur $2\vec{i} - 3\vec{j}$	Aucune des trois affirmations.
29. Soit ABCD un parallélogramme de centre O. Le point K est le symétrique du milieu I de [AB] par rapport au point B. Le point L est tel que $\vec{DL} = -2\vec{DA}$ . On peut affirmer que :	DCKI n'est pas un parallélogramme	$\vec{OI} = \frac{-1}{2}\vec{AD}$	Les points L, C et K sont alignés.	Aucune des trois affirmations.
30. On considère (O,I,J) un repère du plan. La droite d a pour équation cartésienne $-2x + 3y - 1 = 0$ . On peut affirmer que :	Le coefficient directeur de d est $\frac{3}{2}$	Un vecteur directeur de d est $\vec{u}(1,5; 1)$	Le point A(2 ; 7) appartient à la droite d	La droite d et la droite d'équation $y = \frac{2}{3}x + 18$ sont sécantes.
31. On considère (O,I,J) un repère du plan. Soit d une droite passant par le point A(3 ; 5) et dont un vecteur directeur est $\vec{u}(1; -7)$ . On peut affirmer que :	Le point B(2 ; 12) appartient à d	d coupe l'axe des ordonnées au point C de coordonnées (0 ; 4)	d est parallèle à la droite d'équation cartésienne $21x+3y+2=0$	L'ordonnée à l'origine de la droite d est -26
32. Un angle qui mesure $\frac{5\pi}{6}$ radians :	Est plus petit qu'un angle droit	Est plus grand qu'un angle droit	Est égal à $\frac{5}{3}$ d'un angle droit	Peut se trouver dans un triangle isocèle dont un des angles mesure $\frac{\pi}{10}$ radians.
33. La mesure principale de l'angle $\frac{20\pi}{3}$ est :	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{-2\pi}{3}$	$\frac{20\pi}{3}$	$\frac{2\pi}{6}$
34. Le sinus de $\frac{\pi}{4}$ est égale à :	$\sqrt{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{-1}{\sqrt{2}}$	$\sqrt{\frac{1}{2}}$
35. $\cos(\frac{4\pi}{3})$ est égale à :	$\cos(-\frac{4\pi}{3})$	$\cos(\frac{2\pi}{3})$	$\sin(\frac{7\pi}{6})$	$\sin(-\frac{2\pi}{3})$
36. L'ensemble S des solutions de l'équation d'inconnue réelle x, $\sin x = \sin \frac{\pi}{6}$	Contient plus de 50 valeurs	Est l'ensemble des nombres réels $\frac{\pi}{6} + 2k\pi$ avec k entier relatif quelconque	Est inclus dans l'intervalle [0 ; 2π]	Contient l'ensemble $S' = \{\frac{-7\pi}{6}\}$
37. L'équation d'inconnue réelle x, $\cos x + \sin x = 1$	N'a aucune solution dans IR	A exactement une solution dans IR	A trois solutions sur l'intervalle $[-\pi; \pi]$	A une infinité de solutions dans IR
38. Dans un repère orthonormé du plan, on considère les points A(2 ; 1), B(-1 ; -2) et C(4 ; 3). On a alors :	$\vec{AB} \cdot \vec{AC} = -12$	$\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 12$	Le cosinus de l'angle $\widehat{BAC}$ vaut $\frac{-12}{\sqrt{8} \times \sqrt{18}}$	Le cosinus de l'angle $\widehat{BAC}$ vaut -1
39. Dans un repère orthonormé du plan, on considère les points A(2 ; 1), B(4 ; -2) C(-1 ; 3) et D(1 ; 0). On a alors :	ABCD est un parallélogramme	ACDB est un parallélogramme	$\vec{AB} = \vec{CD}$	$\vec{AB} = \vec{DC}$
40. EFG est un triangle avec EG=3, EF=4 et GF=5. On a alors :	$\cos(\hat{E})=0$	L'angle géométrique $\hat{E}$ mesure environ 89,8°	$\sin(\hat{F}) = \frac{3}{4}$	$\cos(\hat{G}) = \frac{3}{5}$
41. On considère un repère orthonormé. Soit d une droite de vecteur normal $\vec{n}(3; -2)$ . On peut dire que :	$\vec{u}(-2 ; 3)$ est un vecteur directeur de d	d admet une équation cartésienne de la forme $-2x+3y+c=0$ où c est un réel	d est perpendiculaire à la droite $d_1$ dont une équation cartésienne est : $14x+21y+1=0$	d admet une équation cartésienne de la forme $6x-4y+c=0$ où c est un réel
42. D'après le cours, $\sin(2a) =$	$\cos(2a)$	$\cos^2(a) - \sin^2(a)$	$2\cos^2(a) - 1$	$2\cos(a)\sin(a)$
43. D'après le cours, $\cos(a+b) =$	$\cos a \cos b + \sin a \sin b$	$\cos a \cos b - \sin a \sin b$	$\cos a \sin b + \cos b \sin a$	$\cos a \sin b - \cos b \sin a$
44. Dans un repère orthonormé du plan, on considère le cercle C de centre A(4 ; -1) et passant par le point B(3 ; 5). Une équation du cercle C est :	$(x-4)^2 + (y+1)^2 = 37$	$(x-3)^2 + (y-5)^2 = 37$	$x^2 + y^2 - 8x + 2y - 20 = 0$	$x^2 + y^2 - 6x - 10y - 3 = 0$
45. On donne la série de notes suivante : 6 ; 7 ; 8 ; 9 ; 10 ; 10 ; 11 ; 12 ; 12 ; 13 ; 14 ; 14 ; 15 ; 15 La médiane de cette série est :	11	11,5	12	13
46. Toujours avec la même série. L'écart-interquartile de cette série est :	9	14	5	[9 ; 14]
47. Dans l'étude d'une série statistique, la formule qui permet de calculer un écart-type est :	$\sqrt{\text{Variance}}$	$\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^k n_i (x_i - \bar{x})^2}$	$\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^k n_i x_i^2 - \bar{x}^2}$	$\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^k n_i x_i^2 - \bar{x}}$

	Réponse A	Réponse B	Réponse C	Réponse D												
48. Une loi de probabilité X est définie par : <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td><math>x_i</math></td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td><math>P(X=x_i)</math></td> <td><math>\frac{1}{12}</math></td> <td><math>\frac{1}{4}</math></td> <td><math>\frac{1}{12}</math></td> <td><math>\frac{1}{4}</math></td> <td>a</td> </tr> </table> Le nombre de valeurs admises par la variable X est :	$x_i$	0	1	2	3	4	$P(X=x_i)$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{4}$	a	4	5	12	Une infinité
$x_i$	0	1	2	3	4											
$P(X=x_i)$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{4}$	a											
49. En utilisant la même loi de probabilité. La valeur de a est :	0	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{3}$												
50. Toujours avec la même loi. L'espérance de X vaut :	0	$\frac{30}{12}$	$\frac{15}{6}$	$\frac{1}{3}$												
51. On lance deux dés équilibrés à six faces. On définit la variable aléatoire Y donnant la somme des deux nombres obtenus. Le nombre de valeurs que prend Y est :	6	10	11	12												
52. Toujours avec la variable Y. $P(Y=3)$ vaut :	$\frac{1}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{4}{6}$												
53. On tire deux boules successivement et avec remise dans une urne contenant 4 boules rouges et 5 boules vertes. La probabilité de tirer deux boules rouges est :	$\frac{4}{9}$	$\frac{20}{81}$	$\frac{16}{9}$	$\frac{16}{81}$												
54. Même expérience. La probabilité de tirer deux boules de même couleur est :	$\frac{16}{81}$	$\frac{41}{81}$	$\frac{33}{81}$	$\frac{16 \times 25}{81^2}$												
55. Le nombre d'issues d'une épreuve de Bernoulli est :	1	2	3	n												
56. Une variable aléatoire X suit une loi binomiale $B(n; p)$ . Sa loi de probabilité est donnée par : <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td><math>x_i</math></td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td><math>P(X=x_i)</math></td> <td><math>\frac{16}{81}</math></td> <td><math>\frac{32}{81}</math></td> <td><math>\frac{24}{81}</math></td> <td><math>\frac{8}{81}</math></td> <td><math>\frac{1}{81}</math></td> </tr> </table> La valeur de n est :	$x_i$	0	1	2	3	4	$P(X=x_i)$	$\frac{16}{81}$	$\frac{32}{81}$	$\frac{24}{81}$	$\frac{8}{81}$	$\frac{1}{81}$	3	4	5	81
$x_i$	0	1	2	3	4											
$P(X=x_i)$	$\frac{16}{81}$	$\frac{32}{81}$	$\frac{24}{81}$	$\frac{8}{81}$	$\frac{1}{81}$											
57. Même variable aléatoire X. On sait que $p=\frac{1}{3}$ . L'espérance de X vaut :	1	2	$\frac{4}{3}$	$\frac{8}{3}$												
58. On sait que X suit une loi binomiale $B(b; \frac{1}{4})$ . On a : $P(X=7) = \binom{16}{7} (\frac{1}{4})^7 (\frac{3}{4})^a$	La probabilité du succès est $\frac{3}{4}$	Il y a 7 répétitions d'une épreuve de Bernoulli	a=4	b=16												
59. Le coefficient binomial $\binom{2012}{2011}$ vaut :	1	2011	2012	2011×2012												
60. A l'aide du triangle de Pascal, on sait que $\binom{6}{4}$ vaut :	15	1	20	10												