AP 2nde

PROBLÈMES DU 1er DEGRÉ 1

Exercice 1 : Développer :

$$A = (2 x - 1)^2$$

$$G = (4 x - 5) (1 + 3 x)$$

$$B = (x + 3)^2$$

$$H = x(x + 2) - (x^2 + 2x - 5)$$

$$C = (5 - x)(5 + x)$$

$$I = (2 x - 5) (x + 2) + (3 + x) (2 x - 5)$$

$$D = (8 + 2x)(8 - 2x)$$

$$J = (2 x + 5) (x + 2) - (x + 2) (2 x - 5)$$

$$E = 2 x(1 + 2 x)$$

$$K = (2 x + 1)^2 - (x + 2) (x - 2)$$

$$F = (2 x + 1) - (1 - x)$$

$$L = (2 + 2x)^2 + x(2 + 2x)$$

Exercice 2 : Factoriser :

$$A = x^2 - 2x$$

$$E = 2 x (x + 3) - 2 x^{2}$$

$$B = 2 x^2 - 5 x$$

$$F = 3 x - x^2$$

$$C = -2 x^3 + 5 x$$

$$G = x(x + 2) + 3x$$

$$D = 2 x^2 + 4 x - 6 x^3 - 8 x^4$$

$$H = 2 x (x + 3) + x (x + 2)$$

Exercice 3 : Résoudre les équations :

1°) 3
$$x$$
 + 2 = 0

$$2^{\circ}$$
) -2 x + 5 = 0

$$3^{\circ}$$
) 5 - 5 x = 0

$$4^{\circ}$$
) 3 + 3 x = 0

5°) 8
$$x$$
 + 1 = 6 x - 2

6°)
$$\frac{1}{4}$$
 - 2 $x = \frac{3}{4}$

$$7^{\circ}$$
) (2 x + 1) (10 x - 5) = 0

$$8^{\circ}$$
) - 5(x + 2) = 4(2 x - 2)

$$9^{\circ}$$
) (- x + 4)(-2 x + 5) = 0

10°)
$$x^2 - (x - 2) (x + 3) = 2$$

Exercice 4 : Résoudre les inéquations :

$$1^{\circ}$$
) 2 $x + 3 > 0$

$$2^{\circ}$$
) -5 x + 10 \leq 0

3°) 6
$$x$$
 + 7 \geq 10 x + 3

4°) 5
$$x$$
 + 13 < 8 x - 2

5°) 9 - 3
$$x \ge$$
 - 2

6°)
$$3 x^5 + 2 x - 7 < 3 x^5 - 8 x - 10$$

Exercice 5:

- 1°) Le nombre -2 est-il solution de l'équation $x^2 + x 5 = 0$
- 2°) Le nombre 3 est-il solution de l'équation 2(3 x 5) = 2 x + 2

3°) Résoudre l'équation - 2 x + 4 = 6. Construire à la calculatrice la courbe représentative de la fonction f définie par f(x) = - 2 x + 4, puis retrouver graphiquement la solution trouvée par le calcul.

Exercice 6: Voici deux programmes de calcul

Programme 1

- Choisir un nombre
- Soustraire 1
- Élever au carré
- Multiplier par 4
- Soustraire 1.

Programme 2

- Choisir un nombre
- Multiplier par 2 et soustraire 1
- Multiplier le nombre choisi par 2 et soustraire 3
- Multiplier les 2 nombres trouvés.
- 1°) Quel nombre obtient-on avec chaque programme lorsqu'on choisit: a) -1?

- b) 0 ?
- c) 1?
- d) 2?
- 2°) a) Émettre une conjecture quant à ces deux programmes de calcul.
- b) Démontrer cette conjecture.

Exercice 7:

Les deux côtés d'un rectangle ont pour longueurs respectives 4,5 cm et x cm.

- 1°) Déterminer x pour que le périmètre de ce rectangle soit égal à 24 cm.
- 2°) Déterminer x pour que l'aire de ce rectangle soit égale à 54 cm².

Exercice 8 : Déterminer trois entiers consécutifs dont la somme est 1128.

Exercice 9: Un commerçant achète à son grossiste des objets à 15€ l'unité qu'il revend 50€. Les frais de gestion mensuelle du magasin sont de 1000€. Combien, au minimum, doit-il vendre d'objets par mois pour que son bénéfice mensuel soit supérieur à 1350€?

APPROFONDISSEMENT

 $\underline{\text{Exercice } 10}$: On partage une certaine somme en euros entre trois personnes de la manière suivante :

La première personne reçoit un tiers de la somme ; la deuxième reçoit la moitié de la somme reçue par la première et la troisième reçoit $100 \in$.

Déterminer la somme partagée et la part de chacun.

Exercice 11: ABC est un triangle rectangle en A tel que AB = 3 cm et AC = 4 cm. Où placer un point M sur l'hypoténuse [BC] pour que l'aire du triangle BMH avec H projeté orthogonal de M sur [AB] soit égale à la moitié de l'aire du triangle ABC?